

Edellinen tulos pätee myös toiseen muuntaan :

X, Y Hausdorffi

Teoreema B.13.

Olk. $f: X \rightarrow Y$ jatkuva kuvaus, jolla on seuraava ominaisuus: jokaisella verkolla $(x_i)_{i \in I}$ X :ssä, jolla verkko $(f(x_i))_{i \in I}$ suppenee Y :ssä, on kasaantumisarvo X :ssä. Tällöin f on suljettu kuvaus ja $f^{-1}(y)$ on kompakti $\forall y \in Y$.

Tod. Jos f ei olisi suljettu, olisi olemassa $A \in X$ s.e. fA ei sulj. Y :ssä, eli $\exists y \in \overline{fA} \setminus fA$. B.4 $\Rightarrow \exists$ verkko $(y_i)_{i \in I}$ joukossa fA s.e. $y_i \rightarrow y$. Jokaisella $i \in I$ valitaan $x_i \in A$ s.e. $f(x_i) = y_i$. Oletuksen nojalla verkolla $(x_i)_{i \in I}$ on osaverkko $(x_j)_{j \in J}$ s.e. $x_j \rightarrow x \in X$. Koska (x_j) on verkko A :ssa ja $A \in X$, on $x \in A$. Nyt $f(x_j) \rightarrow f(x)$, joten $y = f(x) \in fA$ ristiriita. Siis f suljettu.

Olk. $y \in Y$ ja (x_i) verkko joukossa $f^{-1}(y)$. Selvästi verkko $f(x_i) \rightarrow y$, joten oletuksen nojalla verkolla (x_i) on kasaantumisarvo joukossa $f^{-1}(y)$. Nyt $f^{-1}(y)$ on kompakti Teoreeman B.11 nojalla. □