

Lineaarialgebra ja matriisilaskenta I
Helsingin yliopisto, matematiikan ja tilastotieteen laitos
Kurssikoe 16.10.2013

Kokeessa saa käyttää laskinta mutta ei taulukkokirjaa.

- Kirjoita joukon $\text{span}((1, 0, -3), (1, -1, 1))$ määritelmä.
 - Anna kolme joukon $\text{span}((1, 0, -3), (1, -1, 1))$ vektoria, jotka poikkeavat vektoreista $(1, 0, -3)$ ja $(1, -1, 1)$.
 - Luettele vektoriavaruuden \mathbb{R}^3 erityyppiset aliavaruudet. (Voit vastata omin sanoin. Vastauksia ei tarvitse perustella.)
- Osoita, että $\bar{v} = (1, -2)$ on matriisin

$$A = \begin{bmatrix} -5 & -4 \\ 8 & 7 \end{bmatrix}$$

ominaisvektori. Mikä on sitä vastaava ominaisarvo?

- Merkitään

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & c & -1 \end{bmatrix} \quad \text{ja} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 2 & -3 & -1 \end{bmatrix},$$

missä $c \in \mathbb{R}$. Mikä luvun c pitää olla, jotta B olisi matriisin A käänteismatriisi?

- Määritä vektorin $\bar{v} = (2, 5)$ koordinaatit kannan $((-1, 2), (0, 3))$ suhteen.
 - Merkitään $\bar{v}_1 = (1, 0, 3)$, $\bar{v}_2 = (1, 1, 0)$ ja $\bar{v}_3 = (-1, 0, a)$, missä $a \in \mathbb{R}$. Millä luvun a arvoilla jono $(\bar{v}_1, \bar{v}_2, \bar{v}_3)$ on vapaa?
- Oletetaan, että $\bar{v}, \bar{w} \in \mathbb{R}^n$ ja $\bar{w} \neq \bar{0}$. Osoita, että vektori

$$\bar{v} - \frac{\bar{v} \cdot \bar{w}}{\bar{w} \cdot \bar{w}} \bar{w}$$

on kohtisuorassa vektoria \bar{w} vastaan.

Anna kurssipalautetta! Palautteesi on meille tärkeää, sillä haluamme kehittää opetusta. Saat WebOodin kautta sähköpostiisi linkin, josta pääset täyttämään palautelomakkeen.