

Laskuharjoitus 6B

16:11 » H6BT3: "Mitkä kaksi 95 saadaan yo. yhtälöiden perusteella parametriparille (μ_1, μ_2)?" – Tässä on taidettu unohtaa laittaa $\$95 \sim \%$ $\$95 \%$:n sijaan? :) (Ei onneksi kovin fataali unohdus, kun tehtävän muotoilu löytyy myös monisteesta ja muutenkin kysymyksen melkein voisi arvata.)

21:22 » 16:11: tosiaankin... $\%$:n edestä oli jäänyt \-merkki... ja koska $\%$ on kommentti, niin loppurivi meni "sen siliä tien". Korjasin tuon. Kiitos :) – PetteriP (*)

21:23 » ... "sen siliä tien" -> "sen siliän tien". – PetteriP (*)

21:14 » H6BT4. Onko b) kohdassa tarkoitus edetä esimerkin 6.2.3 mukaisesti ja ensin ratkaista tiheysfunktioista Z:n kertymäfunktion, vai olenkohan aivan hakoteillä? Vinkkejä?

21:19 » 21:14: Tekniikoita ratkaista tuo on varmasti monia, kertymäfunktio tekniikka on varmasti yksi. Itse tykkään jatkuvan jakauman kohdalla soveltaa "skaalaus ja siirto" -periaatetta, ks. TN2-monisteesta 5.3.1, erityistapauksena "diffeomorfismikaavasta". Eli jos Z:lla on jatkuva jakauma ja $X = \mu + \sigma * Z$ (kun $\sigma > 0$), niin $f_X(x) = 1/\sigma * f_Z((x-\mu)/\sigma)$. – HK

21:29 » Uui mikä vinkki! Kiitos! Vaikuttaa lupaavalta :)

22:52 » mitäs porukka on saanut H6BT2 väliksi? itse sain (0.57 ; 0.83). En tosin ollut täysin varma mitä $z_{\alpha/2}$ tuli laittaa

23:25 » 22:52: Siis et ollut varma, mikä tässä on alpha, vai miten tuo luku $z_{\alpha/2}$ etsitään? Ekaan vastaus olisi esim. se, että luottamustaso ilmoitetaan muodossa $100 \% * (1 - \alpha)$. Siis kun luottamustaso = $100 \% * (0,99)$, niin $\alpha = 0,01$. (...) – HK

23:26 » (...) Toiseen vastaus olisi: $z_{\alpha/2}$ tarkoittaa näillä kursseilla yleensä sitä standardinormaalien pistettä, josta oikealle jää $\alpha/2$:n verran massaa. Sen voi hakea taulukosta, laskimesta, nettilaskurista tai tietokone-ohjelmalla. Kvantiilifunktiolla eli kertymäfunktion käänteiskuvauksella q ilmaisten se olisi $q(1 - \alpha/2)$. Tällä on mukava yhteys esim. R-komentoon $qnorm(1 - 0.01/2)$, joka palauttaa likiarvon 2,576. – HK

07:23 » 20:31-20:32: kuten 21:00 (HK) mainitsikin, tuo käy mainiosti Waldin testisuureeksi :)

Tehtävässä 2 on syytä käyttää monisteen kappaleen 5.7.4. määritelmää sillä $\Omega_0 = \{ \mu_0 \} \times (0, \infty)$. Luentokalvojen esimerkin Raon testisuurelle (Luku 5 loppuosa, esim. 5.7.8) sisältä sieltä löytyy kaikki tarvittavat palikat... – PetteriP (*)

07:23 » ... Ja vinkkinä, kummassakin log-uskottavuusfunktiossa esiintyvät summat (sekä vapaalle että rajoitetulle su-estimaatille laskettuna) voidaan "laskea" su-estimaattien (vapaan ja rajoitetun) avulla. Tällöin siitä pitäisi tulla jotain suht siistiä :) – PetteriP (*)

07:27 » 21:14: vaikka itse olenkin kertymäfunktio tekniikan vankka kannattaja, niin "skaalaus ja siirto" on aina ensimmäinen askel :) Siispä kannattaa katso 21:19 (HK):n mainio vinkki :) – PetteriP (*)

07:36 » 22:52: tuohon väliin ei ole lisättävää :) Kalvoissa oli painovirhe, mutta tuo $z_{\alpha/2}$ tässä on kuten 23:25-23:26 on standardinormaalijakauman yläkvantiilifunktion kohdassa $u = \alpha/2$. Ja koska yläkvantiilifunktio on TN2:sen luvun 2.9 mukaan $q(1-u)$, missä q on (ala)kvantiilifunktio eli tässä Φ :n käänteisfunktio (TN2:lla on myös maininta yleisemmästä kvantiilifunktion käsitteestä :) mutta... :) – PetteriP (*)

13:22 » H6BT2: Jotenkin en tajua ollenkaan miten tuota taulukkoa tulisi lukea..

16:24 » Tajusinkin.

20:13 » Ihmettelen tehtävää H6bT2. Aineisto on koko 20 vuotta ja kaikki 14 yksikköä. Onkohan kikkana osata laskea aineistosta oikealla tavalla per vuosi per yksikkö -luvut vai kenties siinä, että lähtee alunperin tutkimaan kaikkien vuosien ja kaikkien yksiköiden jakaumasta su-estimaattia? Hämäävää on kuitenkin se, että pyydetään nimenomaan tutkimaan yhden vuoden ja yhden yksikön jakauman odotusarvoa...

20:18 » Presemo on lyömätön oppimismenetelmä. Heti, kun kirjoittaa tänne, niin alkaa homma rullaamaan, vaikkei saisikaan vastausta. Tajusinkin idea. t. 20:13

21:17 » 20:18 :) – PetteriP (*)

23:15 » H6BT1; Miten tuon saisi mukavimmin osoitettua saranasuureksi? $S_m: n(n-1)s^2/\sigma^2$ jakaumahan tunnetaan, voiko sitä hyödyntää?

00:10 » 23:15: Aivan oikeilla jäljillä minusta olet. Kun tiedetään, että s_m :lla W on tuo jakauma, niin sitten voi miettiä, miten määrättäisiin s_m :n $Z = \sqrt{1/(n-1)}W = g(W)$ jakauma. Jakaumalle ei minun nähdäkseni tarvitse määrätä eksaktia tiheys- tai kertymäfunktioita, kunhan voi jotenkin perustella, miten se tehtäisiin (tapoja tähän olisi ainakin pari) ja että Z :n jakauma ei riipu parametreista. – HK

09:09 » 23:15: tuo huomi " $(n-1)S^2/\sigma^2$ jakaumahan tunnetaan" (vaikka TN2 -kurssilta lauseesta 10.7 sekä sen jälkeen muutamaaan kertaan tällä kurssilla) on "avain". Itse lähtisin tarkastelemaan k_f :ää $P_{\{\mu, \sigma^2\}}(S/\sigma \leq x)$ ja "pyörittelin" tätä siten, että päästään käsiksi tuohon tunnettuun tietoon :) Myös HK:n ehdotus on hyvä. – PetteriP (*)

14:08 » mikä tuo x tuossa on? Olisiko se siis valittu mt , eli esim $h6bt1$, olisi $x=0.05$?

14:14 » eipäs sittenkään mitään, tajusin ehkä mistä on kyse. t.14:08

16:30 » saan ratkaistua luottamusvälin keskihajonnalle $S_m: n(n-1)s^2/\sigma^2$ avulla, mutta en osaa perustella miksi S/σ on saranasuure H6BT1, Tuon 00:10 vinkin ajatuksen ymmärrän sinänsä, mutta päädyn ihmeellisiin ajatuksiin khiin neliön jakaumasta vapausastein $\sqrt{24}$:D

17:30 » 16:30: Kokeilitko Petterin ehdotusta? Merkitään F :llä S/σ :n kertymäfunktioita ja mietitään, mitä olisi $F(x) = P(S/\sigma \leq x)$. Pääsisikö siitä khiin neliön kertymäfunktioon, ehkä muokkaamalla epäyhtälöä todennäköisyysfunktion $P()$ sisällä?

17:33 » 16:30: luonnostelin tuota hieman 09:09, mutta jatketaampa :) Eli tiedämme, että $S \geq 0$ sekä että $\sigma \geq 0$. Oletetaan lisäksi, että $x \geq 0$ on jokin luku (aivan kuin 14:08-14:14 pohti). Siispä tapahtumat $\{S/\sigma \geq x\}$ ovat $\{S^2/\sigma^2 \geq x^2\}$ samat (mieti, miksi tähän tarvittiin positiivisuusoletuksia/-tietoja). Siispä $t_n: P_{\theta}(S/\sigma \geq x) = P_{\theta}(S^2/\sigma^2 \geq x^2)$, missä $\theta = (\mu, \sigma^2)$... – PetteriP (*)

17:36 » ... ja nyt jos tuota jälkimmäistä t_n :ää "katsoo" (kuten 17:30 mainitsee), voi senkin mukavasti kertoa positiivisella luvulla, jolloin pitäisi päästä käsiin $s_m: n W$ (kuten 00:10:lla) kertymäfunktioon. JA sitten kannattaa kysyä "riippuuko tämä saatu t_n parametrissa θ vaiko ei?" Jos riippuu, homma jatkuu :) Jos taas ei, kyseessä on saranasuure. – PetteriP (*)

17:40 » ... hups... mitenhan tuo \geq merkki noihin taphtumiin ja t_n :iin tuli :) piti siis käyttää \leq merkkiä, jotta olisin puhunut kertymäfunktioista :) Tosin jatkuville jakaumille tuolla \geq merkillä ero ei kovin merkittävä, sillä $P(W \geq w) = 1 - P(W < w) = 1 - F_W(w)$, kun w on jokin luku :) Huomauttaisin vielä, että tuo oletus $x \geq 0$ tarvittiin, mutta mitä tapahtuu jos $x < 0$? Tällöin neliöön korotus -tempu ei oikein onnistu, mutta kysymys on "haittaako se ?" :) – PetteriP (*)

17:50 » ... ja tuohon 14:08:n pohtimaan x oli tuossa alla siis periaatteessa vapaasti valittu luku (jonka avulla pääsin käsiksi satunnaismuuttujien kertymäfunktioihin). Jos noissa t_n :issä olisi \leq merkki, voisi sanoa, että olemme laskeneet $F_X(x; \theta) = F_W(w)$, kun $X = S/\sigma$ ja $F_X(\dots; \theta)$ on $s_m: n X$ k_f , kun t_f :nä käytetään $f_X(x; \theta)$, F_W on tuon khiin neliö jakautuneen (tunnetulla jakaumalla) $s_m: n k_f$ ja w on tuo luku mihin pyörittelyllä päädyttiin :) – PetteriP (*)

17:53 » ... tämän jälkeen kannattaa kokeilla joukkoa saransuureen $A(y)$ -joukossa väliä $B = (a_1, a_2)$ jollain $0 \leq a_1 < a_2 \leq \infty$. Tämä joukon saa sitten muokattua väliksi (b_1, b_2) josta saa ehdon välin toiseksi päätepisteeksi :) – PetteriP (*)