

Homotopy theory

Exercise 11 (26.11.2015)

1. Prove part 2) in Example 7.6.
2. Prove parts 1) and 2) in Proposition 7.9.
3. Prove that $r: \mathbb{R}^{n+1} \setminus \{0\} \rightarrow S^n$, $r(x) = x/\|x\|$, is a fibration.
4. a) Let $E = \{(x, y) \mid x + y \leq 1\} \subset I^2$ and $p: E \rightarrow I$ the restriction of the projection pr_1 . Prove that p is a fibration.
b) Prove that this fibration p cannot be the projection of a fibre bundle.
5. Suppose $p: E \rightarrow B$ is a fibration and X is contractible. Prove that every continuous map $f: X \rightarrow B$ has a lift $X \rightarrow E$.
6. Suppose that $p: X \rightarrow Y$ is a covering map, Y is path connected and $y_0 \in Y$. Prove that $(Y, p, X, p^{-1}(y_0))$ is a fibre bundle.

Homotopiateoria
Harjoitus 11 (26.11.2015)

1. Osoita Esimerkin 7.6 kohta 2).
2. Osoita Lauseen 7.9 kohdat 1) ja 2).
3. Osoita, että $r: \mathbb{R}^{n+1} \setminus \{0\} \rightarrow S^n$, $r(x) = x/\|x\|$, on fibraatio.
4. a) Olkoon $E = \{(x, y) \mid x + y \leq 1\} \subset I^2$ ja $p: E \rightarrow I$ projektion pr_1 rajoittuma. Osoita, että p on fibraatio.
b) Osoita, että a)-kohdan fibraatio p ei voi olla säiekimppu.
5. Olkoon $p: E \rightarrow B$ fibraatio ja X kutistuva. Osoita, että jokaisella kuvauksella $f: X \rightarrow B$ on nosto $X \rightarrow E$.
6. Oletetaan, että $p: X \rightarrow Y$ on peitekuvaus, Y polkuyhtenäinen ja $y_0 \in Y$. Osoita, että $(Y, p, X, p^{-1}(y_0))$ on säiekimppu.