

# KRYPTOGRAFIAN ALKEET

## 3. RÄKNEÖVNINGEN

Några saker att lägga märke till:

- Det kommer en förfrågan av passliga tider för tenten på kurssidån.
  - På föreläsningen sades det att om  $\alpha$  är positivt, så är talen  $a_0, a_1, \dots$  positiva i kedjebråksrepresentationen. Naturligtvis kan  $a_0$  även vara noll.
  - Man får gärna delta i de svenskspråkiga räkneövningarna fastän man inte talar svenska som modersmål, så länge man anser sig kunna presentera sina lösningar på tavlan.
  - Diffie-Hellmann flyttades till nästa vecka.
- (1) Uttryck följande tal som kedjebråk:
    - (a)  $\frac{129}{47}$
    - (b)  $\frac{63}{8}$ .
  - (2) Låt RSA:s offentliga nyckel vara  $(n, e) = (8051, 5)$ , där  $8051 = 83 \cdot 97$ . Bestäm  $d$ .
  - (3) Använd RSA-uppsättningen från föregående uppgift för att kryptera talet  $w = 1023$ .
  - (4) Vi använder igen RSA-uppsättningen från uppgift 2. Det mottagna meddelandet är 1000. Dekryptera meddelandet.
  - (5) Primtalsfaktorisera talet 159062543 (tips: talet är en produkt av två primtal, och metoden som bryter RSA då primtalsfaktorerna för talet  $n$  är för nära varandra kan mycket väl fungera även här).
  - (6) Använd Wiener's attack för att bryta RSA, då  $n = 43327327$  och  $e = 38501369$ .
  - (7) I Wiener's attack antar vi att  $p < q < 2p$ . Hur förändras situationen, och speciellt vilken gräns skulle det räcka att sätta på talet  $d$ , ifall vi endast visste att  $p < q < 8p$ ?