

## Riskiteorian laskuharjoitus 1, 24.9.2009

1. Olkoon  $K$  Poisson-jakautunut satunnaismuuttuja parametrilla  $\lambda > 0$ . Määrää suurin todennäköisyyksistä

$$\mathbb{P}(K = k), \quad k = 0, 1, 2, \dots$$

2. Merkitään yleisesti satunnaismuuttujan  $\xi$  vinoutta  $\gamma_\xi$ :llä. Olkoon  $\mathbb{E}\{|\xi^3|\} < \infty$  ja  $\text{Var}(\xi) > 0$ . Olkoot  $a$  ja  $b$  mielivaltaisia reaalilukuja ja  $a \neq 0$ . Osoita, että

$$\gamma_{a\xi+b} = \gamma_\xi \quad \text{tai} \quad \gamma_{a\xi+b} = -\gamma_\xi.$$

3. Olkoon  $\{K(t) \mid t \geq 0\}$  Poisson-prosessi intensiteetillä  $\lambda$  ja

$$S = \inf\{t \geq 0 \mid K(t) \geq 1\}.$$

Määrää  $S$ :n jakauma.

4. Määrää  $N(\mu, \sigma^2)$ -jakauman vinous.

5. Oletetaan, että vakuutuskanta muodostuu  $N$  riippumattomasta vakuutetusta. Kunkin vakuutetun vuotuinen vahinkojen lukumäärä noudattaa Poisson-jakaumaa parametrilla 1 ja vakuutusmaksu on 1.3. Olkoon  $K_N$  yhden vuoden vahinkojen lukumäärä vakuutuskannassa ja  $P_N$  vastaava vakuutusmaksu. Määrää todennäköisyydet

$$\mathbb{P}(K_N > P_N),$$

kun  $N = 1, 10$  ja  $20$  (tarkka arvo ja likiarvo).