

Pienalue-estimointi (78189)

Kevät 2013

Risto Lehtonen

OSA 3

GREG-estimaattori

Yleinen tilanne (*unequal probability sampling*)

Komposiittiestimaattorit (*Composite estimators*)

Estimointi SAS-proseduureilla SURVEYREG
ja SURVEYMEANS

Estimointi SAS-makrolla EBLUPGREG

Esimerkkejä

Oheismateriaali: Lehtonen R. and Veijanen A. (2009) Design-based methods of estimation for domains and small areas. Chapter 31 in Rao C.R. and Pfeffermann D. (Eds.). *Handbook of Statistics. Vol. 29B. Sample Surveys: Inference and Analysis*. New York: Elsevier. Pages 219-249.

HUOM: Tässä osassa merkinnät kuten [Lehtonen & Veijanen](#) (2009)
(ks. erikseen jaettu materiaali ja kurssin kotisivu)

Taulukko 1. GREG-estimaattorin tyyppin ja osajoukon tyyppin tavallisimmat yhdistelmät käytännön kannalta

		<i>Estimaattorin tyyppi</i>	
		Suora <i>Direct</i>	Epäsuora <i>Indirect</i>
<i>Osajoukon tyyppi</i>	Suunniteltu <i>Planned</i> Ositettu otanta	<i>HT-estimaattori</i> Kiinteiden tekijöiden D-malli: <i>D-tyypin GREG</i>	(Mahdollinen mutta ei kovin yleinen käytännössä)
	Ei- suunniteltu <i>Unplanned</i>	(Mahdollinen mutta ei kovin yleinen käytännössä)	Kiinteiden tekijöiden P-malli: <i>P-tyypin GREG</i> Sekamallin tyyppinen D-malli: <i>D-tyypin GREG</i>

GREG-ESTIMAATTORI: YLEINEN TILANNE

(*Unequal probability sampling*) π_k vaihtelee

(1) Suunniteltujen osajoukkojen tilanne

(*Planned domains*, otoskoot n_d kiinnitetty)

GREG-estimaattori (*Generalized regression*):

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \sum_{k \in s_d} a_k e_k \quad (30)$$

Avustava regressiomalli: D-malli (*domain-specific*):

$$Y_k = \mathbf{x}'_k \boldsymbol{\beta}_d + \varepsilon_k \quad (31)$$

$$k \in U_d$$

$$\mathbf{x}_k = (1, x_{1k}, \dots, x_{Jk})'$$

$$\boldsymbol{\beta}_d = (\beta_{d0}, \beta_{d1}, \dots, \beta_{dJ})'$$

$$\text{Var}(\varepsilon_k) = \sigma_k^2 = \sigma^2 \text{ (vakiovarianssi)}$$

Osajoukon U_d parametrivektorin \mathbf{B}_d WLS-estimaattori (*weighted least squares*):

$$\hat{\mathbf{B}}_d = \left(\sum_{k \in s_d} a_k \mathbf{x}_k \mathbf{x}'_k \right)^{-1} \sum_{k \in s_d} a_k \mathbf{x}_k y_k \quad (32)$$

Sovitteet: $\hat{y}_k = \mathbf{x}'_k \hat{\mathbf{B}}_d$

Jäännökset: $e_k = y_k - \hat{y}_k$

HUOM: $a_k = 1/\pi_k$ (asetelmapaino)

GREG-estimaattorin vaihtoehtoiset muodot

$$\hat{t}_{dGREG} = \hat{t}_{dHT} + \left(\mathbf{t}_{dx} - \hat{\mathbf{t}}_{dx} \right)' \hat{\mathbf{B}}_d \quad (33)$$

missä

$$\hat{t}_{dHT} = \sum_{k \in S_d} a_k y_k \quad (\text{HT-estimaattori})$$

$$\mathbf{t}_{dx} = \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}_k = \left(N_d, \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}_{1k}, \dots, \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}_{Jk} \right)'$$

(apumuuttujen tunnetut populaatiototaalit)

$$\hat{\mathbf{t}}_{dx} = \sum_{k \in S_d} a_k \mathbf{x}_k \quad (\text{HT-estimaattorivektori})$$

Kalibrointiestimaattori

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in S_d} a_k g_{dk} y_k \quad (34)$$

missä

$$g_{dk} = I_{dk} + I_{dk} \left(\mathbf{t}_{dx} - \hat{\mathbf{t}}_{dx} \right)' \hat{\mathbf{M}}_d^{-1} \mathbf{x}_k \quad (\text{g-painot})$$

$$\mathbf{t}_{dx} = (t_{dx_1}, \dots, t_{dx_{J+1}})' \quad \text{missä} \quad t_{dx_j} = \sum_{k \in U_d} x_{jk}$$

$$\hat{\mathbf{t}}_{dx} = (\hat{t}_{dx_1}, \dots, \hat{t}_{dx_{J+1}})' \quad \text{missä}$$

$$\hat{t}_{dx_j} = \sum_{k \in S_d} a_k x_{jk} \quad \text{ovat HT-estimaattoreita}$$

$$\hat{\mathbf{M}}_d = \sum_{i \in S_d} a_i \mathbf{x}_i \mathbf{x}_i' \quad (\text{HUOM: domain-kohtainen})$$

Domain-indikaattorit:

$$I_{dk} = I\{k \in U_d\} = 1 \quad \text{kun} \quad k \in U_d$$

$$I_{dk} = I\{k \in U_d\} = 0 \quad \text{kun} \quad k \notin U_d$$

GREG-estimaattorin varianssiestimaattorit

Perusversio:

$$\hat{V}_1(\hat{t}_{dGREG}) = \sum_{k \in s_d} \sum_{l \in s_d} (a_k a_l - a_{kl}) e_k e_l. \quad (35)$$

missä jäännöstermit ovat:

$$e_k = y_k - \hat{y}_k = y_k - \mathbf{x}'_k \hat{\mathbf{B}}_d$$

WLS-estimaattori $\hat{\mathbf{B}}_d$ on kaavan (32) mukainen

Varianssiestimaattorin g-painotettu versio
(suositeltava):

$$\hat{V}_2(\hat{t}_{dGREG}) = \sum_{k \in s_d} \sum_{l \in s_d} (a_k a_l - a_{kl}) g_{dk} e_k g_{dl} e_l \quad (36)$$

missä g-paino g_{dk} on kaavan (34) mukainen

Kaavoissa (35) ja (36):

$a_{kl} = 1/\pi_{kl}$ on 2. kertaluvun sisällymismatodennäköisyyden π_{kl} käänteisluku, missä

$$\pi_{kl} = \Pr\{k, l \in s, k \neq l\}$$

$$\pi_{kl} = \pi_k \text{ kun } k = l$$

(2) Ei-suunniteltujen osajoukkojen tilanne (*Unplanned domains*, otoskoot n_d satunnaismuuttujia)

GREG-estimaattori:

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \sum_{k \in s_d} a_k e_k \quad (37)$$

Avustava regressiomalli: P-malli (*population level*):

$$Y_k = \mathbf{x}'_k \boldsymbol{\beta} + \varepsilon_k \quad (38)$$

$$k \in U$$

$$\mathbf{x}_k = (1, x_{1k}, \dots, x_{jk})'$$

$$\boldsymbol{\beta} = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_J)'$$

$$\text{Var}(\varepsilon_k) = \sigma_k^2 = \sigma^2 \text{ (vakiovarianssi)}$$

Parametrivektorin \mathbf{B} WLS-estimaattori:

$$\hat{\mathbf{B}} = \left(\sum_{k \in s} a_k \mathbf{x}_k \mathbf{x}'_k \right)^{-1} \sum_{k \in s} a_k \mathbf{x}_k y_k \quad (39)$$

Sovitteet: $\hat{y}_k = \mathbf{x}'_k \hat{\mathbf{B}}$

Jäännökset: $e_k = y_k - \hat{y}_k$

HUOM: Vertaa kaavaa (39) kaavaan (32)!

GREG-estimaattorin vaihtoehtoiset muodot

$$\hat{t}_{dGREG} = \hat{t}_{dHT} + (\mathbf{t}_{dx} - \hat{\mathbf{t}}_{dx})' \hat{\mathbf{B}} \quad (40)$$

missä $\hat{t}_{dHT} = \sum_{k \in s_d} a_k y_k$ (HT-estimaattori)

$$\mathbf{t}_{dx} = \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}_k = \left(N_d, \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}_{1k}, \dots, \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}_{Jk} \right)'$$

(apumuuttujen tunnetut populaatiototaalit)

$$\hat{\mathbf{t}}_{dx} = \sum_{k \in s_d} a_k \mathbf{x}_k \quad (\text{HT-estimaattorivektori})$$

Kalibrointiestimaattori

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in s} a_k g_{dk} y_k \quad (41)$$

missä

$$g_{dk} = I_{dk} + (\mathbf{t}_{dx} - \hat{\mathbf{t}}_{dx})' \hat{\mathbf{M}}^{-1} \mathbf{x}_k \quad (\text{g-painot})$$

$$\mathbf{t}_{dx} = (t_{dx_1}, \dots, t_{dx_{J+1}})' \quad \text{ja} \quad \hat{\mathbf{t}}_{dx} = (\hat{t}_{dx_1}, \dots, \hat{t}_{dx_{J+1}})'$$

$$t_{dx_j} = \sum_{k \in U_d} x_{jk} \quad \text{ja} \quad \hat{t}_{dx_j} = \sum_{k \in s_d} a_k x_{jk}$$

$$\hat{\mathbf{M}} = \sum_{i \in s} a_i \mathbf{x}_i \mathbf{x}_i'$$

$$I_{dk} = I\{k \in U_d\} \quad (\text{domain-indikaattorit})$$

HUOM. Vertaa kaavaa (41) estimaattoriin (34)

GREG-estimaattorin varianssiestimaattorit

$$\hat{v}(\hat{t}_{dGREG}) = \sum_{k \in s} \sum_{l \in s} (a_k a_l - a_{kl}) g_{dk} e_k g_{dl} e_l \quad (42)$$

missä $a_k = 1/\pi_k$ ja $a_{kl} = 1/\pi_{kl}$

Jäännöstermit ovat:

$$e_k = y_k - \hat{y}_k = y_k - \mathbf{x}'_k \hat{\mathbf{B}}$$

missä $\hat{\mathbf{B}}$ on kaavan (39) mukainen

HUOM: Varianssiestimaattorissa (42) kaksoissumma on yli koko otoksen s

GREG-estimaattorin varianssin estimointi

Vaihtoehtoja (ohjelmassa Domest):

(1) Summataan yli domain-otoksen s_d

Hidiroglou, M. A. and Z. Patak (2004). Domain estimation using linear regression. *Survey Methodology* 30, 67-78.

(2) Käytetään domain-kohtaisia tulosmuuttujia

$y_{dk} = I\{k \in U_d\}y_k$ mallin sovittamisessa

Estevao, V. M., M. A. Hidiroglou, and C.-E. Särndal (1995). Methodological principles for a Generalized Estimation System at Statistics Canada. *Journal of Official Statistics* 11, 181-204.

(3) Sovitetaan malli alkuperäisille arvoille y_k ja

korvataan varianssiestimaattorissa jäännökset e_k

domain-kohtaisilla jäännöksillä $e_{dk} = I\{k \in U_d\}y_k - \hat{y}_k$

Lehtonen, R. and E. Pahkinen (2004). *Practical methods for design and analysis of complex surveys*. Second Edition. John Wiley & Sons, Chichester, p. 39.

Särndal, C.-E. (2001). Design-based methodologies for domain estimation. In: R. Lehtonen and K. Djerf, eds., *Proceedings of the Symposium on Advances in Domain Estimation*. Statistics Finland, Reviews 2001/5, p. 202.

(4) Kuten (3) mutta $e_{dk} = 0$ kun $k \in s$ ja $k \notin U_d$

SAS-yhdistelmä SURVEYREG ja SURVEYMEANS/DOMAIN-lause

KAKSI ESIMERKKIÄ

[Lehtonen and Veijanen](#) (2009) Sect. 3.5 ja 4.2.

ks: Esimerkkien [tiivistelmä](#) (jaetaan erikseen)

Estimointitilanne: Käytettävissä olevien tulojen kokonaismäärän alueittainen estimointi Länsi-Suomen $D = 12$ seutukunnassa

Estimoitavat domain-kohtaiset parametrit:

Käytettävissä olevien tulojen kokonaismäärä

$$t_d = \sum_{k \in U_d} y_k$$

Osajoukot (domains) U_d , $d = 1, \dots, 12$

Populaatiodata: $N = 431,000$ kotitaloutta

Lisäinformaatio tilastorekistereistä:

EDUC: Kotitalouden jäsenten lkm joilla on korkea-asteen koulutus

EMP: Kotitalouden jäsenten yhteenlaskettu työllisyyskuukausien määrä edellisenä vuonna

Lisäksi (tässä pedagogisessa tilanteessa) tiedetään tulosmuuttujan arvot y_k kaikilta perusjoukon alkioilta

Esimerkki 1

Suora estimointi (*direct estimation*)

Suunnitellut osajoukot (*planned domains*)

Kotitalousotos: **Ositettu** π PS (WOR- tyyppinen PPS)

Kokomuuttuja: Kotitalouden jäsenten lukumäärä

Ositteet: Seutukunnat (domains)

HUOM: Ositteiden otoskoot on kiinnitetty otanta-asetelmassa (suhteellinen kiintiöinti)

Estimaattorit: HT, kaava (21)

$$\hat{t}_{dHT} = \sum_{k \in s_d} a_k y_k$$

$$\hat{V}_A(\hat{t}_{dHT}) = \frac{1}{n_d(n_d - 1)} \sum_{k \in s_d} (n_d a_k y_k - \hat{t}_{dHT})^2$$

Suora GREG, kaavat (30) ja (36)

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \sum_{k \in s_d} a_k (y_k - \hat{y}_k)$$

$$\hat{V}_2(\hat{t}_{dGREG}) = \sum_{k \in s_d} \sum_{l \in s_d} (a_k a_l - a_{kl}) g_{dk} e_k g_{dl} e_l$$

GREG-estimaattorin avustavat D-mallit:

$$Y_k = \beta_{0d} + \beta_{1d} \text{EMP}_k + \varepsilon_k \quad (\text{sarake 2})$$

$$Y_k = \beta_{0d} + \beta_{1d} \text{EMP}_k + \beta_{2d} \text{EDUC}_k + \varepsilon_k \quad (\text{sarake 3})$$

Taulukko 2. Suorien HT- ja GREG-estimaattoreiden keskimääräinen absoluuttinen suhteellinen virhe (Mean absolute relative error MARE %) ja keskimääräinen variaatiokerroin (mean coefficient of variation MCV %) pienissä, keskisuurissa ja suurissa domaineissa:

Suunniteltujen domainien tilanne

Auxiliary information	HT		GREG			
	1 None		2 Domain sizes and domain totals of EMP		3 Domain sizes and domain totals of EMP and EDUC	
Domain sample size class	MARE %	MCV %	MARE %	MCV %	MARE %	MCV %
Minor $8 \leq n_d \leq 33$	11.5	11.9	5.8	7.7	6.4	6.8
Medium $34 \leq n_d \leq 45$	7.6	9.0	3.7	8.0	3.6	8.1
Major $46 \leq n_d \leq 277$	12.5	5.2	4.3	4.7	5.2	3.7

HUOM:

$$\text{ARE}(\hat{t}_d) = |\hat{t}_d - t_d| / t_d, \quad d = 1, \dots, 12$$

$$\text{CV}(\hat{t}_d) = \text{s.e}(\hat{t}_d) / \hat{t}_d, \quad d = 1, \dots, 12$$

MARE ja MCV ovat vastaavia keskiarvoja kussakin domainien kokoluokassa

Esimerkki 2

HT: Suora estimointi

GREG: Epäsuora estimointi

Ei-suunnitellut osajoukot (*unplanned domains*)

Kotitalousotos: π PS (WOR- tyyppinen PPS)

Kokomuuttuja: Kotitalouden jäsenten lukumäärä

HUOM: Domainien otoskokoja ei ole kiinnitetty otanta-asetelmassa (domainit eivät ole ositteina)

Estimaattorit: HT, kaava (21)

$$\hat{t}_{dHT} = \sum_{k \in s_d} a_k y_k$$

$$\hat{V}_U(\hat{t}_{dHT}) = \frac{n}{n-1} \sum_{k \in s} (a_k y_{dk} - \hat{t}_d / n)^2$$

GREG, kaavat (30) ja (42)

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \sum_{k \in s_d} a_k (y_k - \hat{y}_k)$$

$$\hat{V}(\hat{t}_{dGREG}) = \sum_{k \in s} \sum_{l \in s} (a_k a_l - a_{kl}) g_{dk} e_k g_{dl} e_l$$

GREG-estimaattorin avustava P-malli:

$$Y_k = \beta_0 + \beta_1 \text{EMP}_k + \varepsilon_k \quad (\text{sarake 2})$$

Taulukko 3. Suoran HT-estimaattorin ja epäsuoran GREG-estimaattoreiden keskimääräinen absoluuttinen suhteellinen virhe (Mean absolute relative error MARE %) ja keskimääräinen variaatiokerroin (mean coefficient of variation MCV %) pienissä, keskisuurissa ja suurissa domaineissa:
Ei-suunniteltujen domainien tilanne

Auxiliary information	HT		GREG	
	1 None		2 Domain sizes and domain totals of EMP	
Domain sample size class	MARE %	MCV %	MARE %	MCV %
Minor $8 \leq n_d \leq 33$	11.5	28.3	7.6	9.0
Medium $34 \leq n_d \leq 45$	7.6	20.3	3.8	8.1
Major $46 \leq n_d \leq 277$	12.5	9.6	4.1	5.0

HUOM:

$$\text{ARE}(\hat{t}_d) = |\hat{t}_d - t_d| / t_d, \quad d = 1, \dots, 12$$

$$\text{CV}(\hat{t}_d) = \text{s.e}(\hat{t}_d) / \hat{t}_d, \quad d = 1, \dots, 12$$

MARE ja MCV ovat vastaavia keskiarvoja kussakin domainien kokoluokassa

KOMPOSIITTITYYPPISET ESTIMAATTORIT

(*Composite estimators*)

Yhdistelmäestimaattori on muotoa

$$\hat{t}_{dCOMB} = \lambda_d \hat{t}_{dGREG} + (1 - \lambda_d) \hat{t}_{dSYN} \quad (43)$$

joka on muodostettu asetelmaperusteisen GREG-estimaattorin

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \sum_{k \in s_d} a_k (y_k - \hat{y}_k) \quad (44)$$

ja malliperusteisen synteettisen estimaattorin

$$\hat{t}_{dSYN} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k = \sum_{k \in U_d} \mathbf{x}'_k \hat{\mathbf{B}} \quad (45)$$

painotettuna summana

Domainikohtaiset painot λ_d ($0 \leq \lambda_d \leq 1$) valitaan niin, että λ_d on suurille domaineille (”suuri” n_d) lähellä ykköstä ja lähestyy nollaa kun n_d on ”pieni”

Pienille domaineille \hat{t}_{dCOMB} on lähellä SYN-estimaattoria \hat{t}_{dSYN}

Suurille domaineille \hat{t}_{dCOMB} on lähellä GREG-estimaattoria \hat{t}_{dGREG}

Estimaattori (45) voidaan kirjoittaa muotoon

$$\hat{t}_{dCOMB} = \hat{t}_{dSYN} + \lambda_d \sum_{k \in s_d} a_k (y_k - \hat{y}_k) \quad (46)$$

HUOM:

GREG-estimaattori kun $\lambda_d = 1$

SYN-estimaattori kun $\lambda_d = 0$

Esimerkki 1.

$$\hat{t}_{dGREG(N)} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \left(N_d / \hat{N}_d \right) \sum_{k \in s_d} a_k (y_k - \hat{y}_k) \quad (47)$$

missä $\hat{N}_d = \sum_{k \in s_d} a_k$ (estimoidaan N_d)

Esimerkki 2.

Dampened regression estimator (Särndal and Hidiroglou 1989)

$$\hat{t}_{dDRE} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \left(\hat{N}_d / N_d \right)^{c-1} \sum_{k \in s_d} a_k (y_k - \hat{y}_k) \quad (48)$$

missä

$c = 0$ kun $\hat{N}_d \geq N_d$

$c = 2$ kun $\hat{N}_d < N_d$

HUOM: [Lehtonen-Veijanen](#) (2009) s. 235-236

GREG-ESTIMOINTI SAS-PROSEDUUREILLA SURVEYREG JA SURVEYMEANS

Ei-suunniteltujen domainien tilanne

Metodi:

(1) Kiinteiden vaikutusten regressiomalli (P-malli) sovitetaan proseduurilla SURVEYREG

(2) Lasketaan sovitteet \hat{y}_k ja jäännökset $e_k = y_k - \hat{y}_k$

(3) Lasketaan GREG-estimaatit \hat{t}_{dGREG}

(4) Estimoidaan GREG-estimaattorin varianssi proseduurilla SURVEYMEANS käyttämällä y-muuttujana jäännösvektoria ja varianssiestimoinnissa DOMAIN-lausetta samaan tapaan kuin HT-estimoinnissa tulosmuuttujalle y

Varianssiestimaattori on muotoa (SRSWOR-tilanne)

$$\hat{v}_{srs}(\hat{t}_{dGREG}) = N^2 \left(1 - \frac{n}{N}\right) \left(\frac{1}{n}\right) \sum_{k \in s} \frac{(e_{dk} - \bar{e})^2}{n-1}$$

missä

$$e_{dk} = e_k \text{ kun } k \in U_d \text{ ja } k \in s$$

$$e_{dk} = 0 \text{ kun } k \notin U_d \text{ ja } k \in s$$

$$\bar{e} = \sum_{k \in s} e_k / n \text{ jäännösten keskiarvo koko otoksessa}$$

HUOM: Vertaa estimaattoriin (28)

SAS 9.2: SURVEYREG ja DOMAIN-lause

ESIMERKKI

Vaihe (1)

```

proc surveyreg data=omaotos total=966;
model y=x;
weight samplingweight;
ods output
ParameterEstimates=beta (keep=estimate) ;
run;

```

Vaiheet (2) ja (4)

```

proc transpose data=beta
    out=beta2 (drop=_name_
    rename=(col1=b0 col2=b1)) ;
run;

```

```

data pj;
if _n_=1 then set beta2;
set pj;
yhat=b0+b1*x;
ehat=y-yhat;
run;

```

```

proc surveymeans data=pj nobs sum
total=966;
where ind=1;
weight SamplingWeight;
var ehat;
domain domain;
run;

```

GREG-ESTIMOINTI SAS-MAKROLLA EBLUPGREG

GREG-estimaattori

$$\hat{t}_{dGREG} = \sum_{k \in U_d} \hat{y}_k + \sum_{k \in S_d} a_k (y_k - \hat{y}_k) \quad (49)$$

Perustuu **kiinteiden tekijöiden lineaariseen malliin**

Malli on P-malli:

$$Y_k = \beta_0 + \beta_1 x_{1k} + \dots + \beta_J x_{Jk} + \varepsilon_k = \mathbf{x}'_k \boldsymbol{\beta} + \varepsilon_k \quad (50)$$

$k \in U$, missä $\boldsymbol{\beta} = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_J)'$

Estimointi: WLS, mukana painot $a_k = 1/\pi_k$

Prediktiot: $\hat{y}_k = \mathbf{x}'_k \hat{\boldsymbol{\beta}}$ kaikille $k \in U$

Varianssiestimaattori domainissa d :

Kaava (42)

[Macro EBLUPGREG Manual](#)

(ks. kurssin kotisivu)

ESIMERKKI

Ohjelmakutsu:

```
%eblupgreg  
    (sample=omaotos,  
      population=pj,  
      y=y,  
      xlist=x,  
      regionIdentifier=domain,  
      test=1,  
      estimateMeans=0,  
      weights=samplingweight,  
      convergenceCrit=1e-8,  
      maxiterations=200,  
      initialSigma2=1,  
      modules=modules.eurarea,  
      parametersEstimatedBy='REML',  
      eblup=0,  
      greg=1,  
      synthetic=0,  
      stratified=0,  
      output=greg  
    );
```

HUOM: Vastaava estimointi tehdään myös ohjelmalla
Domest